

12-10276  
т. 3 кн. 3

НА ДОМ НЕ ВЫДАЕТСЯ

СЕЛЬСКОХОЗЯЙСТВЕННЫЕ МАШИНЫ:  
теория, расчет, конструкция, использование

22-06285

Том 3

ПРОЧНОСТЬ И ЖЕСТКОСТЬ  
РАМНЫХ КОНСТРУКЦИЙ

Книга 3

**МИНИСТЕРСТВО СЕЛЬСКОГО ХОЗЯЙСТВА РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ  
ДЕПАРТАМЕНТ НАУЧНО-ТЕХНОЛОГИЧЕСКОЙ ПОЛИТИКИ И ОБРАЗОВАНИЯ  
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ  
УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ПРОФЕССИОНАЛЬНОГО ОБРАЗОВАНИЯ  
«АЗОВО-ЧЕРНОМОРСКАЯ ГОСУДАРСТВЕННАЯ АГРОИНЖЕНЕРНАЯ АКАДЕМИЯ»**

## **СЕЛЬСКОХОЗЯЙСТВЕННЫЕ МАШИНЫ: ТЕОРИЯ, РАСЧЕТ, КОНСТРУКЦИЯ, ИСПОЛЬЗОВАНИЕ**

**Том 3**

**В.А. Жилкин**

### **ПРОЧНОСТЬ И ЖЕСТКОСТЬ РАМНЫХ КОНСТРУКЦИЙ**

**Книга 3**

**Под редакцией академика Россельхозакадемии  
доктора технических наук, профессора  
В.В. Бледных**

**Зерноград  
2012**

УДК 631.3:539.4.014

Ж 72

Печатается по решению ученого совета  
ФГБОУ ВПО АЧГАА

## Сельскохозяйственные машины: теория, расчет, конструкция, использование

Редакционный совет:

Таранов М.А., чл.-кор. РАСХН, д.т.н., профессор, председатель

Бондаренко А.М., д.т.н., профессор, зам. председателя

Липкович Э.И., академик РАСХН, зам. председателя

Долгов И.А., академик РАСХН, зам. председателя

Члены совета: Краснощеков Н.В., академик РАСХН;

Черноиванов В.И., академик РАСХН; Зайднер В.И., д.и.н., профессор;

Драгайцев В.И., д.э.н., профессор; Бельтиков Л.П., д.с.-х.н., профессор;

Вахрушев Н.А., д.с.-х.н., профессор; Краусп В.Р., д.т.н., профессор;

Шабанов Н.И., д.т.н., профессор; Семенихин А.М., д.т.н., профессор;

Карташов Б.А., к.т.н., профессор; Секанов Ю.П., д.т.н., профессор

Ж 72 Жилкин В.А. Прочность и жесткость рамных конструкций / под ред. В.В. Бледных. –2-е изд., доп. и перераб. – Т. 3. – Кн. 3. – Зерноград: ФГБОУ ВПО АЧГАА, 2012. – 568 с.

ISBN 978-5-91833-056-2

В книге 3 третьего тома излагаются некоторые главы целостной работы профессора ЧГАА под общим наименованием «Расчеты на прочность и жесткость элементов сельскохозяйственных машин».

Редакционным советом было принято решение включить ряд вопросов по расчету элементов конструкции сельхозмашин: рам, пластин, стержней, в том числе и гибких; теорию удара, а также модель почвы и ее деформацию, устойчивость стеблей и стеблестоя.

К этим, да и к другим вопросам приходится нередко обращаться конструкторам сельскохозяйственных машин даже при использовании современных методов машинного проектирования. Приведенный в настоящей книге материал может облегчить решение возникающих задач. Он подчеркивает важнейшее свойство современного действия, которое именуется проектированием: чем более широко мы пользуемся ЭВМ, тем глубже и объемнее следует представлять механику работы проектируемых объектов и их частей.

Книга может быть полезна преподавателям вузов и студентам старших курсов, изучающим методы проектирования сельхозмашин и их использования.

© Текст: Жилкин В.А., 2012

© ФГБОУ ВПО АЧГАА, 2012

© Оформление: Издательство «Терра», 2012

## ОГЛАВЛЕНИЕ

|  |          |
|--|----------|
| <b>ПРЕДИСЛОВИЕ.....</b>  | <b>3</b> |
| <b>ВВЕДЕНИЕ.....</b>   | <b>4</b> |
| <b>Глава 1. ОСНОВЫ ДИНАМИКИ КОНСТРУКЦИЙ .....</b>  | <b>7</b> |
| 1.1. Напряжения в элементах конструкций,<br>движущихся с ускорением.....   | 9        |
| 1.1.1. Поступательное движение стержня....   | 9        |
| 1.1.2. Вращающиеся стержневые системы...   | 10       |
| 1.1.2.1. Напряжения в тонкостенном<br>вращающемся кольце.....  | 11       |
| 1.1.2.2. Расчет вращающегося прямого<br>брюса.....   | 16       |
| 1.1.2.3 Вращающиеся рамы.....  | 23       |
| 1.2. Упругие колебания.....  | 26       |
| 1.2.1. Классификация механических колебаний  | 26       |
| 1.2.2. Свободные колебания.....  | 31       |
| 1.2.2.1. Свободные незатухающие<br>колебания систем с одной<br>степенью свободы.....                                   | 31       |
| 1.2.2.2. Свободные затухающие<br>колебания систем с одной<br>степенью свободы.....                                     | 34       |
| 1.2.2.3. Свободные колебания систем<br>с конечным числом<br>степеней свободы.....                                      | 38       |
| 1.2.2.4. Колебание стержневых элементов<br>с непрерывно распределенной<br>массой.....                                  | 41       |
| 1.2.2.5. Приближенные методы<br>определения частот<br>свободных колебаний.....   | 53       |
| 1.2.3. Вынужденные колебания.....  | 65       |
| 1.2.3.1. Колебания систем с одной<br>степенью свободы<br>при сопротивлении,<br>пропорциональном скорости....           | 65       |
| 1.2.3.2. Вынужденные колебания<br>и перемещения при<br>закреплении упругих связей<br>(кинематическое возбуждение)..... | 69       |

|   |           |
|---|-----------|
| 1.2.3.3. Вынужденные колебания систем   | 71        |
| 1.3. Удар.....  | 73        |
| 1.3.1. Метод решения.....   | 73        |
| 1.3.2. Удар падающего груза по упругой<br>системе, масса которой мала<br>по сравнению с массой груза.....   | 75        |
| 1.3.3. Приведенная масса.<br>Коэффициент приведения.....  | 78        |
| 1.3.4. Удар по системе соизмеримой массы<br>с ударяющим грузом.....   | 80        |
| 1.3.5. Замечания о конструировании<br>при ударных нагрузках.....  | 83        |
| 1.3.6. Особенности динамических расчетов<br>сельскохозяйственных машин.....                                 | 85        |
| <b>Глава 2. МЕХАНИКА ТВЕРДОГО ДЕФОРМИРУЕМОГО<br/>ТЕЛА .....</b>   | <b>88</b> |
| 2.1. Линейные поперечные колебания балок<br>с непрерывно распределенной массой.....                         | 88        |
| 2.1.1. Вывод общего<br>дифференциального уравнения<br>поперечных колебаний балок.....                       | 90        |
| 2.1.2. Интегрирование дифференциального<br>уравнения поперечных колебаний<br>балок постоянного сечения..... | 95        |
| 2.1.3. Балки на жестких опорах.....   | 99        |
| 2.1.4. Балки с сосредоточенными массами....   | 107       |
| 2.1.5. Влияние продольных сил<br>на частоту изгибных колебаний.....   | 112       |
| 2.1.6. Влияние деформации сдвигов<br>на частоту изгибных колебаний.....                                     | 114       |
| 2.1.7. Колебания балок на упругих опорах..  | 119       |
| 2.1.8. Вынужденные колебания балок.....   | 123       |
| 2.1.8.1. Метод фундаментальных<br>функций.....  | 124       |
| 2.1.8.2. Метод главных координат....  | 133       |

|  |     |
|--|-----|
| <b>Глава 3. РАСЧЕТ ПЛАСТИН.....</b>  | 138 |
| 3.1. Основы теории расчета пластин.....  | 138 |
| 3.1.1. Основные понятия и гипотезы.....  | 138 |
| 3.1.2. Основные уравнения изгиба<br>и кручения пластины.....                               | 143 |
| 3.1.3. Выражения для внутренних силовых<br>факторов в поперечных сечениях<br>пластины..... | 151 |
| 3.1.4. Запись выражений напряжений<br>через внутренние силовые факторы...                  | 154 |
| 3.1.5. Граничные условия.....  | 157 |
| 3.2. Расчет пластин численными методами.....   | 162 |
| 3.2.1. Метод конечных разностей.....   | 162 |
| 3.2.1.1. Основы метода.....  | 162 |
| 3.2.1.2. Решение одномерных задач...   | 167 |
| 3.2.1.3. Решение двумерных задач....   | 173 |
| 3.2.2. Метод конечных элементов.....   | 181 |
| 3.2.2.1. Основы метода.....  | 181 |
| 3.2.2.2. Матрица жесткости<br>для прямоугольного элемента<br>пластины .....                | 183 |
| 3.3. Колебания пластин.....  | 195 |
| 3.3.1. Дифференциальное уравнение<br>колебаний пластин.....                                | 195 |
| 3.3.2. Общее уравнение свободных<br>колебаний пластин.....                                 | 198 |
| 3.4. Устранение вредных колебаний.....   | 218 |
| <b>Глава 4. МЕТОДЫ РАСЧЕТА НА ПРОЧНОСТЬ<br/>И УСТОЙЧИВОСТЬ.....</b>                        | 222 |
| 4.1. Нагрузки на сельскохозяйственные машины   | 222 |
| 4.1.1. Общие положения.....  | 222 |
| 4.1.2. Нагрузки рам плугов.....  | 228 |
| 4.1.2.1. Нормативные нагрузки.....   | 233 |
| 4.1.2.2. Расчетные нагрузки.....   | 236 |
| 4.1.2.3. Аварийные нагрузки.....   | 239 |
| 4.2. Расчет по допускаемым напряжениям и<br>пределным состояниям.....                      | 239 |
| 4.2.1. Расчет по допускаемым напряжениям..   | 241 |

|   |     |
|---|-----|
| 4.2.1.1. Теории прочности.....  | 243 |
| 4.2.1.2. Расчеты стержневых систем<br>на основе теории прочности .....                                    | 246 |
| 4.2.2. Расчет по предельным состояниям....  | 247 |
| 4.2.3. Расчет на надежность.....  | 250 |
| <b>4.3. Основы расчета сжатых стержней</b>  |     |
| на устойчивость. Продольный изгиб.....  | 251 |
| 4.3.1. Общие понятия.....   | 251 |
| 4.3.2. Формула Эйлера<br>для шарнирно оперто стержня.....   | 253 |
| 4.3.3. Энергетический метод определения<br>критических нагрузок.....                                      | 255 |
| 4.3.4. Определение критической силы<br>за пределом пропорциональности....                                 | 261 |
| 4.3.5. Практические способы расчета<br>на устойчивость.....   | 266 |
| 4.3.6. Выбор материала и рациональной формы<br>поперечных сечений сжатых стержней                         | 273 |
| 4.3.7. Устойчивость плоской формы изгиба  | 275 |
| 4.3.8. Продольно-поперечный изгиб.....  | 276 |
| 4.3.8.1. Особенности расчета.....   | 276 |
| 4.3.8.2. Определение прогибов<br>интегрированием<br>дифференциального уравнения<br>изогнутой оси.....     | 276 |
| 4.3.8.3. Приближенная формула<br>для определения прогиба балки<br>при продольно-поперечном<br>изгибе..... | 281 |
| 4.3.8.4. Дифференциальное уравнение<br>для изгибающих моментов....  | 284 |
| 4.3.8.5. Расчет на прочность при<br>продольно-поперечном изгибе   | 287 |
| <b>Глава 5. КОЛЕБАНИЕ БАЛКИ ПОД ДЕЙСТВИЕМ<br/>ДВИЖУЩЕЙСЯ НАГРУЗКИ.....</b>                                | 290 |
| 5.1. Историческая справка.....  | 290 |
| 5.2. Квазистатические решения.....  | 294 |
| 5.3. Колебания весомой балки конечной длины<br>при движении нагрузки с постоянной<br>скоростью.....       | 311 |

|  |            |
|--|------------|
| 5.3.1. Колебания весомой балки без учета<br>инерции груза .....                                      | 311        |
| 5.3.2. Колебания весомой балки с учетом<br>инерции груза.....  | 318        |
| <b>Глава 6. УДАР И КОЛЕБАНИЯ.....</b>  | <b>334</b> |
| 6.1. Теория Герца.....   | 335        |
| 6.2. Теория соударения упругих систем,<br>учитывающая местные и общие их<br>деформации.....          | 345        |
| <b>Глава 7. РАСЧЕТ СТАТИЧЕСКИ НЕОПРЕДЕЛИМЫХ<br/>СТЕРЖНЕВЫХ СИСТЕМ.....</b>                           | <b>356</b> |
| 7.1. Основные определения и методы расчета...  | 356        |
| 7.2. Метод сил.....  | 360        |
| 7.3. Метод перемещений.....  | 362        |
| 7.4. Матричные методы расчета.....   | 369        |
| 7.4.1. Матрицы податливости и жесткости<br>системы.....  | 371        |
| 7.4.2. Определение перемещений.....  | 373        |
| 7.4.3. Расчет статически неопределеных рам<br>методом сил.....                                       | 380        |
| 7.5. Метод конечных элементов.....   | 382        |
| 7.5.1. Общие понятия.....  | 382        |
| 7.5.2. Матрица жесткости и грузовая матрица<br>элемента в местной и общей системах<br>координат..... | 384        |
| 7.5.3. Формирование общей матрицы<br>жесткости и расчет системы.....                                 | 388        |
| <b>Глава 8. ОСНОВЫ МЕХАНИКИ ПОЧВ.....</b>  | <b>391</b> |
| 8.1. Постановка задач в механике почв.....   | 391        |
| 8.2. Основные соотношения для оценки<br>напряженно-деформированного состояния<br>почв.....           | 395        |
| 8.3. Строение, фазовый состав и технологические<br>свойства почвы.....                               | 401        |
| 8.3.1. Основные понятия и определения.....   | 401        |
| 8.3.2. Физические характеристики почв.....   | 408        |
| 8.3.3. Особенности деформирования почв....   | 419        |

|  |     |
|--|-----|
| 8.3.4. Механические свойства почв.....   | 425 |
| 8.3.5. Связь физических и механических<br>характеристик почв.....  | 466 |
| 8.3.6. Технологические свойства почв.....  | 469 |
| 8.4. Основные расчетные модели почв.....   | 480 |
| <b>Глава 9. РАСЧЕТ НА ПРОЧНОСТЬ И ЖЕСТКОСТЬ</b>  |     |
| <b>СТЕБЛЕЙ ЗЛАКОВЫХ КУЛЬТУР.....</b>   | 498 |
| 9.1. Историческая справка.....   | 498 |
| 9.2. Информация о физико-механических<br>характеристиках стеблей пшеницы.....  | 499 |
| 9.3. Гипотезы, принимаемые при расчете стеблей   | 501 |
| 9.4. Дифференциальные уравнения равновесия<br>элемента стебля.....   | 503 |
| 9.5. Дифференциальное уравнение продольного<br>изгиба стебля.....  | 508 |
| 9.6. Дифференциальное уравнение поперечного<br>изгиба стебля.....  | 512 |
| 9.7. Интегрирование дифференциального<br>уравнения изгиба стебля.....  | 515 |
| 9.8. Исследование поперечного изгиба<br>консольного стержня сосредоточенной силой  | 530 |
| 9.9. Исследование продольного изгиба<br>консольного стержня сосредоточенной силой  | 536 |
| 9.10. Изгиб стебля пшеницы силой произвольного<br>направления.....   | 538 |
| <b>ЛИТЕРАТУРА.....</b>   | 539 |
| <b>ПРИЛОЖЕНИЕ 1. ПОРЯДОК РАСЧЕТА<br/>СТАТИЧЕСКИ НЕОПРЕДЕЛИМЫХ СИСТЕМ<br/>В МАТРИЧНОЙ ФОРМЕ .....</b>   | 545 |
| <b>ПРИЛОЖЕНИЕ 2. ИССЛЕДОВАНИЕ ПОПЕРЕЧНОГО ИЗГИБА<br/>КОНСОЛЬНОГО СТЕРЖНЯ<br/>СОСРЕДОТОЧЕННОЙ СИЛОЙ<br/>(с использованием системы MathCAD).....</b> | 553 |
| <b>ПРИЛОЖЕНИЕ 3. РАСЧЕТ ИЗГИБА СТЕБЛЯ ПШЕНИЦЫ<br/>СИЛОЙ ПРОИЗВОЛЬНОГО НАПРАВЛЕНИЯ..</b>  | 558 |